



# MODIFIKACIJA POČETNOG OBLIKA IZRATKA SA CILJEM SMANJENJA UŠIĆAVOSTI U POSTUPKU CILINDRIČNOG DUBOKOG VUČENJA EDD ČELIČNOG LIMA

Vedrana Cvitanić, Mario Malić, Frane Vlak

Fakultet elektrotehnike, strojarstva i brodogradnje, Sveučilište u Splitu

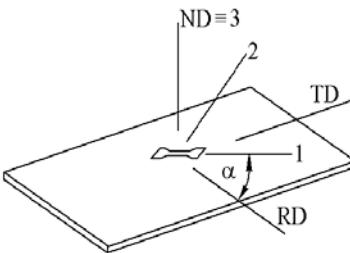
[vcvit@fesb.hr](mailto:vcvit@fesb.hr), [mario.malic@gmail.com](mailto:mario.malic@gmail.com), [fvlak@fesb.hr](mailto:fvlak@fesb.hr)



## LINATEK (Linearna i nelinarna analiza tankostjenih konstrukcija) - FESB, Split

### Razvoj fenomenoloških elasto-plastičnih modela anizotropnih materijala (limovi)

#### 1. karakterizacija materijala

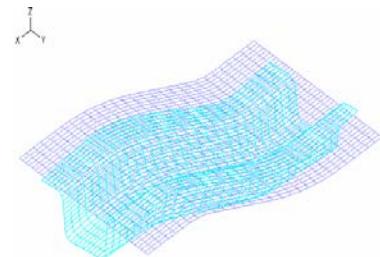
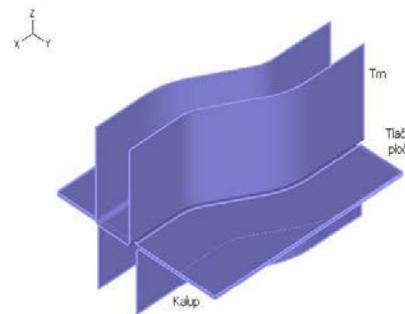
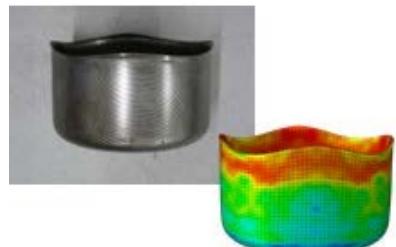


#### 2. konstitutivne jednadžbe

- funkcija tečenja / plastični potencijal
- pravilo tečenja
- opis očvršćavanja

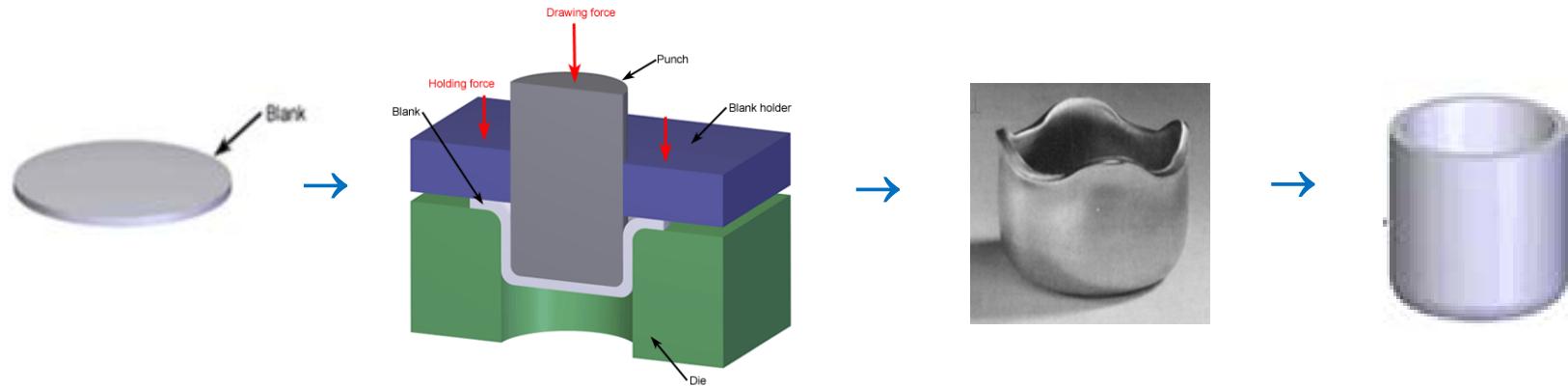
#### 3. algoritmi integracije konstitutivnih jednadžbi i implementacija u FEM program ADINA

#### 4. primjena - obrada limova deformiranjem





## Cilindrično duboko vučenje - Ušićavost



Ušićavost je prvenstveno uzrokovana anizotropnim plastičnim ponašanjem materijala lima.

M. Malić – Diplomski rad (FESB, 2018) –

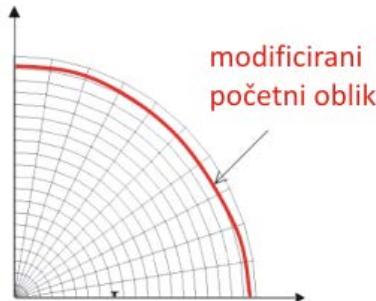
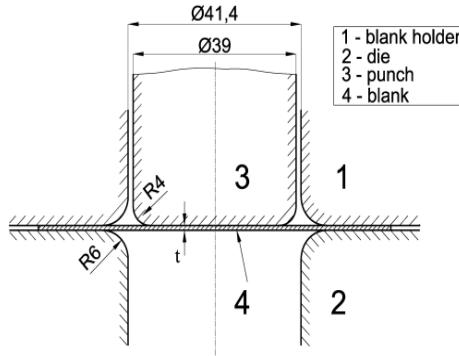
Optimiranje postupka cilindričnog dubokog vučenja sa ciljem redukcije ušićavosti

- modifikacija početnog oblika izratka
- primjena nejednolikog opterećenja na tlačnoj površini





## Cilj rada – Modifikacija početnog oblika izratka – EDD čelični lim – FEM ADINA 8.6



- geometrija alata EDD lim ( $d = 84,52\text{mm}$ ;  $t=1,0 \text{ mm}$ )
- modelirana četvrtina izratka i rezultat simulacije - ADINA 8.6

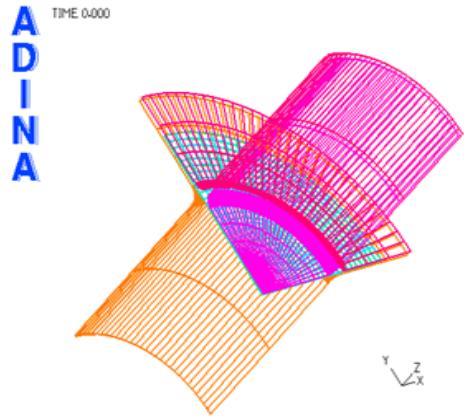
Modifikacija početnog oblika izratka provedena je na dva načina:

1. modifikacija temeljena na Lankfordovim koeficijentima
2. modifikacija temeljena na B-spline krivuljama





### Osnovne značajke primjenjenog numeričkog modela (ADINA 8.6)



- izradak: ljuškasti konačni element
- kontaktni algoritam: funkcija ograničenja Coulombov zakon trenja ( $\mu = 0,15$ )
- površine alata modelirane kao krute
- sila na tlačnoj površini:  $F = 20 \text{ kN}$

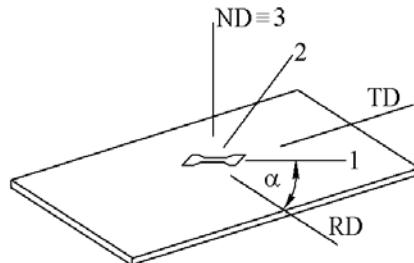
- *ortotropan elasto-plastičan model materijala*
  - pridruženo pravilo tečenja (funkcija tečenja  $\equiv$  plastični potencijal)
  - model izotropnog očvršćavanja (  $\sigma = 431(0,0133 + \varepsilon^P)^{0,237} \text{ MPa}$  )
  - ortotropna Hill (1948) funkcija naprezanja (Lankfordovi koeficijenti)

$$f_y = \sqrt{\lambda_1 \sigma_{xx}^2 + \lambda_2 \sigma_{yy}^2 - 2\nu \sigma_{xx} \sigma_{yy} + 2\rho \sigma_{xy}^2} = \sigma_y, \quad \lambda_1, \lambda_2, \nu, \rho - \text{parametri ortotropije}$$

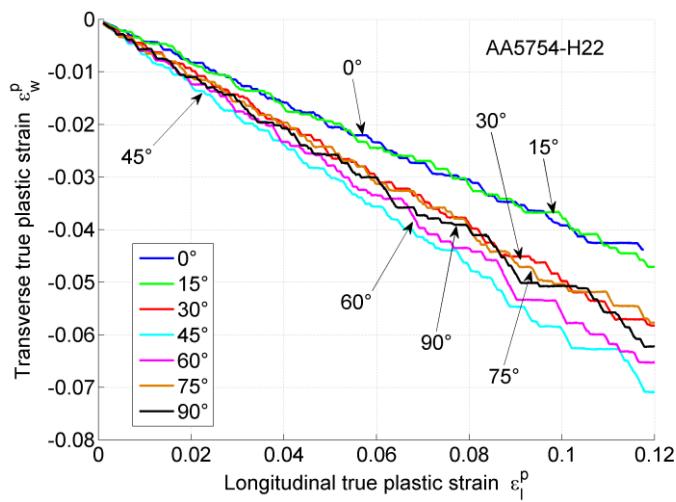




## Lankfordov koeficijent ( $r$ -vrijednost) - mjera anizotropije plastičnog toka materijala



$$r_\alpha = \frac{d\varepsilon_{22}^p}{d\varepsilon_{33}^p}$$



- uvjet plastične nestlačivosti:

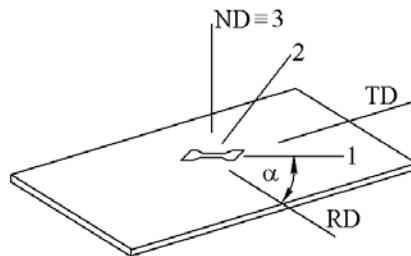
$$d\varepsilon_{11}^p + d\varepsilon_{22}^p + d\varepsilon_{33}^p = 0$$

$$r_\alpha = \frac{d\varepsilon_{22}^p}{d\varepsilon_{33}^p} = -\frac{d\varepsilon_{22}^p}{d\varepsilon_{11}^p + d\varepsilon_{22}^p} = -\frac{m_r}{1 + m_r}$$

$$m_r = \frac{d\varepsilon_{22}^p}{d\varepsilon_{11}^p}$$

- nagib aproksimacije

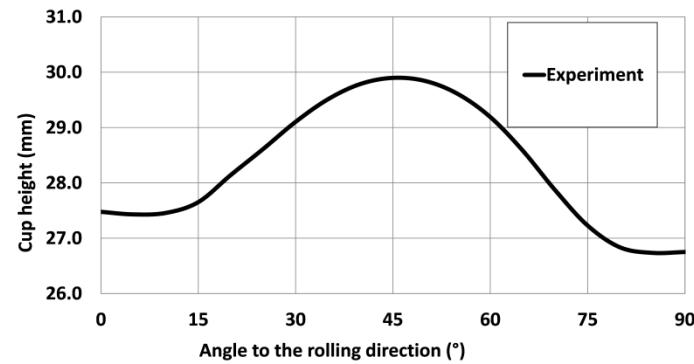
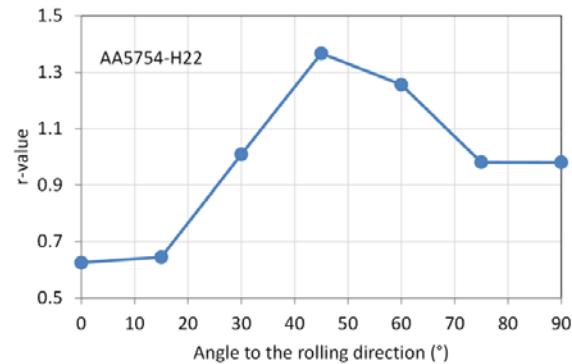




Lankfordov koeficijent ( $r$ -vrijednost)

$$r_\alpha = \frac{d\varepsilon_{22}^p}{d\varepsilon_{33}^p} = -\frac{m_r}{1+m_r}$$

Lankfordovi koeficijenti ← (zrcalna slika) → visine posudice

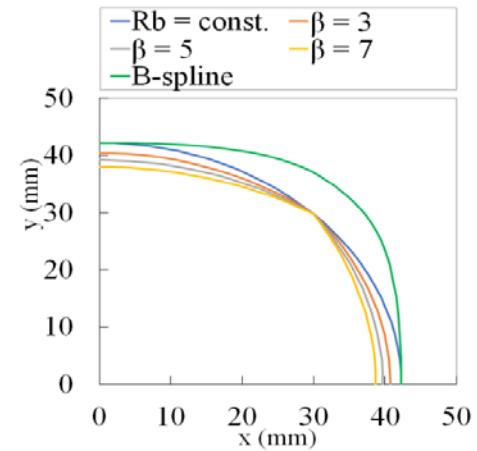
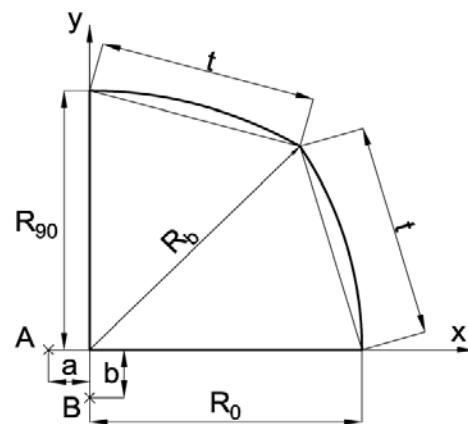
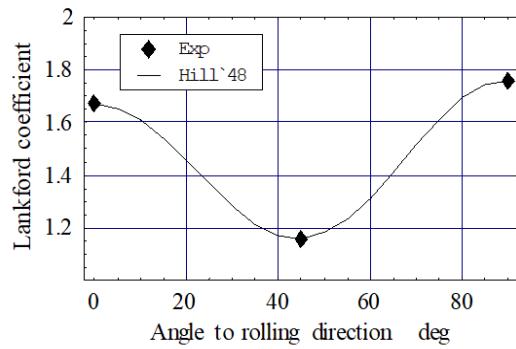


Profil izvučene posudice je izrazito povezan s orientacijskom ovisnosti Lankfordova koeficijenta!





## Modifikacija početnog oblika izratka temeljena na Lankfordovim koeficijentima



- Lankfordovi koef. - EDD lim

- geometrija oblika

- usporedba oblika

$$R_{45} = R_b$$

$$R_0 = R_b - \beta(r_0 - r_{45})$$

$$R_{90} = R_b - \beta(r_{90} - r_{45})$$

$\beta$  – težinski faktor

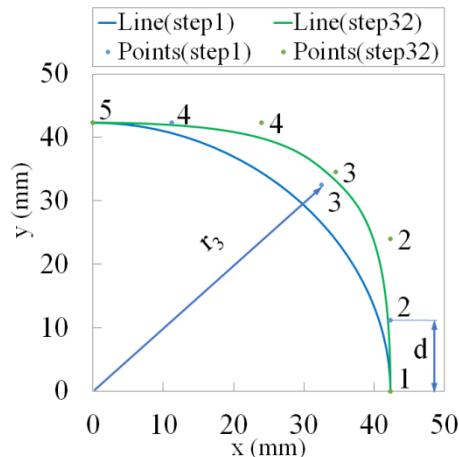
Tablica A. Dimenzije – oblici modificirani temeljem Lank. koef.

	$R_b$	$R_0$	$R_{90}$	$a$	$b$	$t_{0-45}$	$t_{45-90}$
$\beta = 3$	42,26	40,73	40,46	5,85	7,03	31,79	31,70
$\beta = 5$	42,26	39,71	39,26	10,63	13,04	31,46	31,32
$\beta = 7$	42,26	38,69	38,06	16,41	20,63	31,15	30,98





## Modifikacija početnog oblika izratka temeljena na B-spline krivuljama



- usporedba oblika

- kubne B-spline krivulje s 5 kontrolnih točaka

$$R_0 = R_{90} = R_b$$

$$d, r_3 \Rightarrow R_{45} > R_b$$

- step-1 – početno rješenje – oblik najbliži krugu:

$$d = 11,2 \text{ mm}, r_3 = 46,0 \text{ mm}$$

- za odabrane vrijednosti  $d$  određuje se vrijednost  $r_3$  koja rezultira najpovoljnijim oblikom izvučene posudice

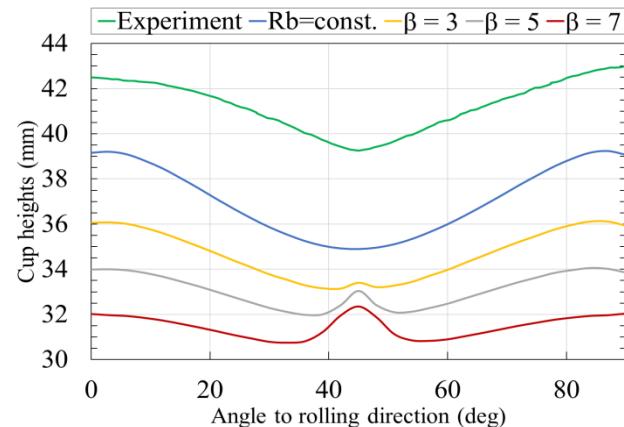
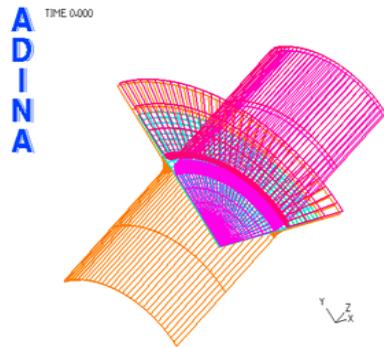
Tablica B. Dimenzije – odabrani oblici dobiveni korištenjem B-spline krivulja

	step-14	step-23	step-28	step-32
$d$ (mm)	20,0	20,0	24,0	24,0
$r_3$ (mm)	52,0	51,4	49,0	48,8

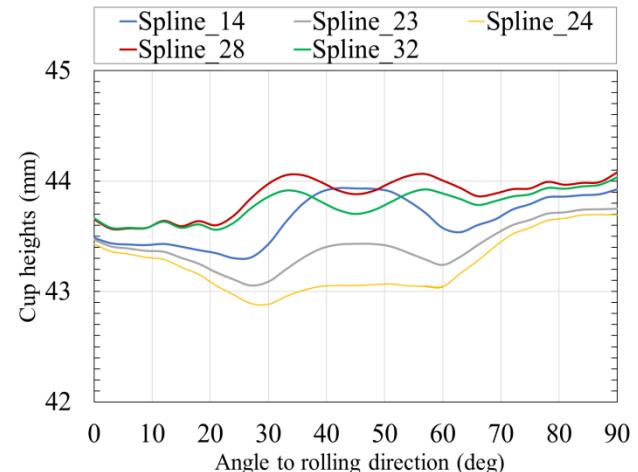




## Rezultati simulacija – visine posudica



- predviđanja visina  
(Lankfordovi koeficijenti)



- predviđanja visina  
(B-spline)

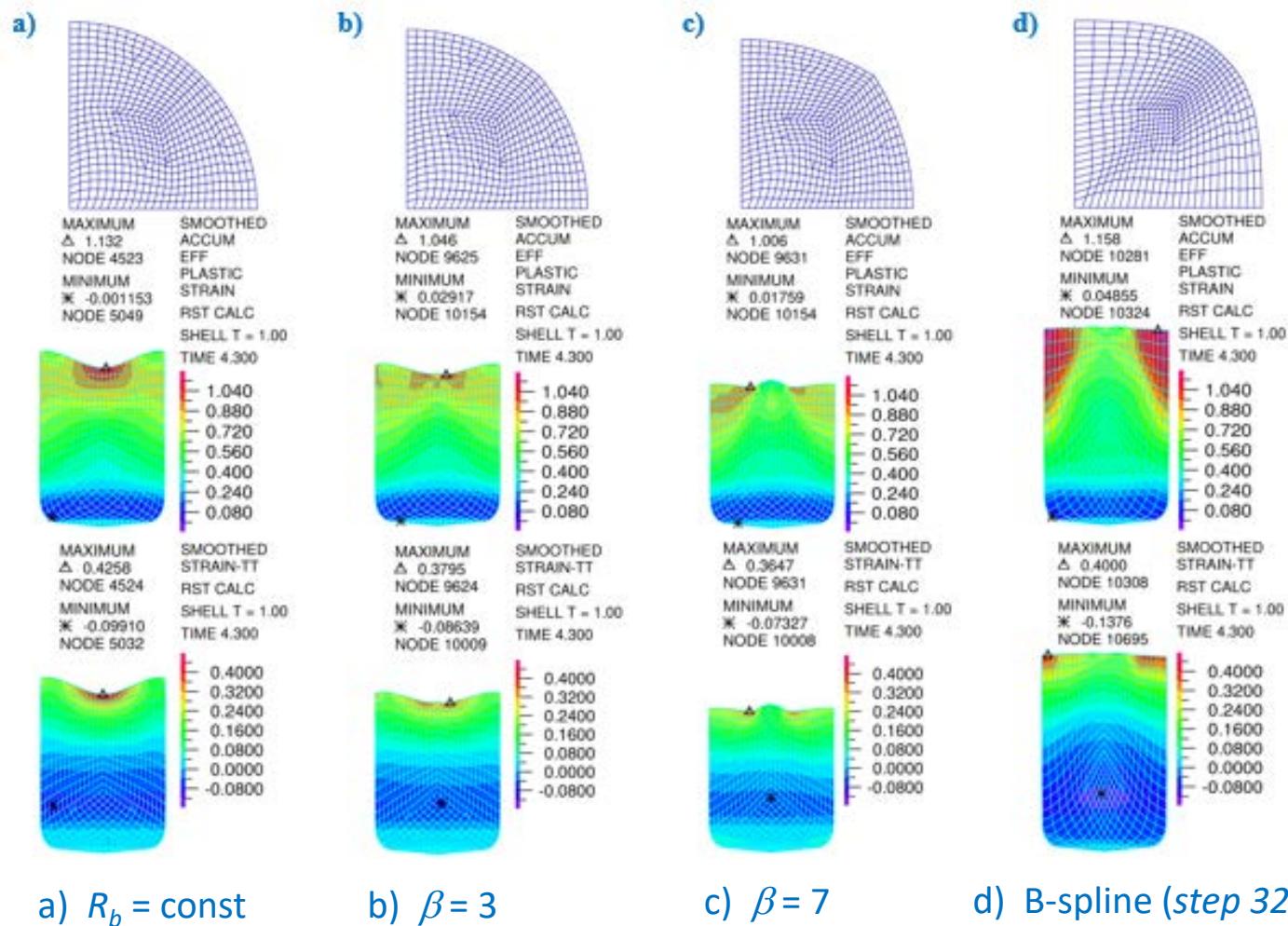
Tablica C. Dimenzije – karakteristične vrijednosti predviđanja visina

visina posudice	$R = \text{const}$	modifikacije - Lankford koef.			modifikacije - B-spline krivulje			
		$\beta = 3$	$\beta = 5$	$\beta = 7$	step-14	step-23	step-28	step-32
minimum (mm)	34,89	33,14	31,99	30,75	43,30	43,06	43,57	43,56
maksimum (mm)	39,24	36,11	34,06	32,36	43,94	43,75	44,08	44,04
amplituda (mm)	<b>4,34</b>	2,97	2,07	<b>1,61</b>	0,63	0,70	0,51	<b>0,48</b>



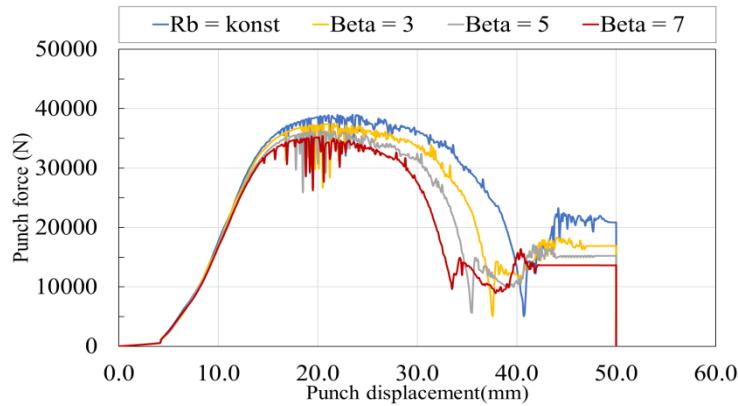


## Rezultati simulacija – ekvivalentna plastična deformacija, deformacija debljine

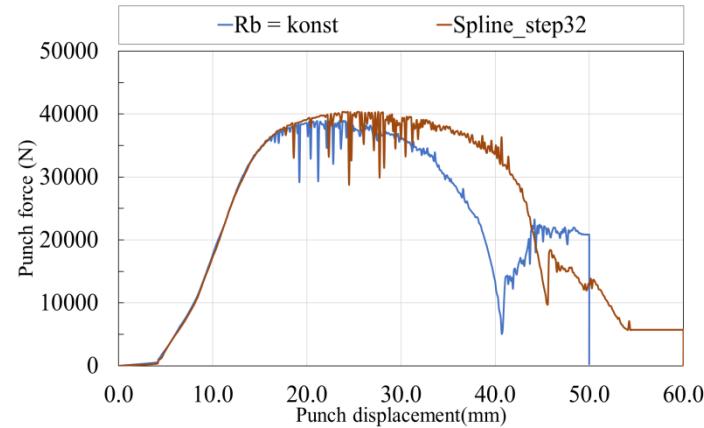




## Rezultati simulacija – sila utiskivanja - pomak trna



- sila utiskivanja  
(Lankfordovi koeficijenti)



- sila utiskivanja  
(B-spline)





### Zaključci

- dva načina modifikacije početnog oblika izratka EDD čeličnog lima sa ciljem smanjenja ušićavosti
- modificirani oblik (B-spline, *step 32*):
  - najmanja ušićavost
  - najveće vrijednosti ekvivalentne plastične deformacije i deformacije debljine
- zbog razlike eksperimentalnog profila i simuliranog profila ( $R_b=\text{const}$ ) optimizacija postupka zahtjeva pouzdaniji model materijala





## **HVALA NA POZORNOSTI !**

Autori:

Vedrana Cvitanić, Mario Malić, Frane Vlak

Fakultet elektrotehnike, strojarstva i brodogradnje, Sveučilište u Splitu

[vcvit@fesb.hr](mailto:vcvit@fesb.hr), [mario.malic@gmail.com](mailto:mario.malic@gmail.com), [fvlak@fesb.hr](mailto:fvlak@fesb.hr)

